अध्याय
13

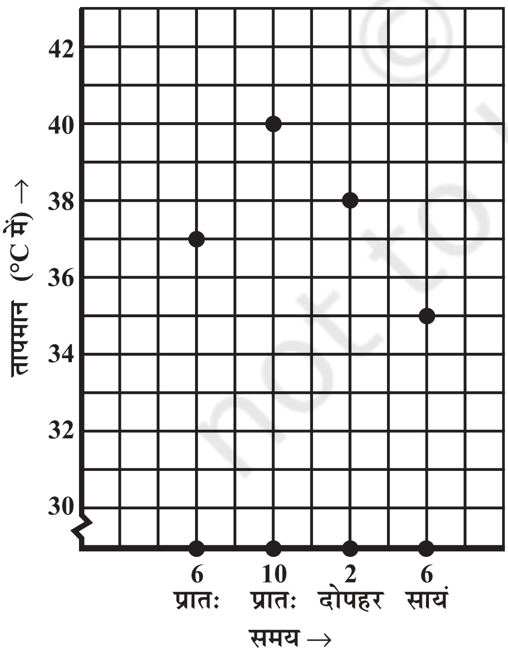
आलेखों से परिचय

13.1 भूमिका

क्या आपने समाचार पत्रों, दूरदर्शन, मैगज़ीन, पुस्तकों आदि में आलेख देखें हैं? आलेखों का उद्देश्य संख्यात्मक तथ्यों को चित्रों द्वारा दिखाना है, जिससे वे शीघ्र, आसानी व स्पष्टता से समझे जा सकें। इस प्रकार आलेख, एकत्रित आँकड़ों का चित्रों द्वारा प्रदर्शन है। आँकड़ों को तालिका द्वारा भी प्रस्तुत किया जा सकता है,अपितु आलेखों द्वारा प्रदर्शन समझने में बहुत आसान होता है। आँकड़ों का **रुझान** या उनकी **तुलना** दिखाने के लिए तो ये बहुत ही उपयुक्त होते हैं। हम अब तक अनेक प्रकार के आलेख देख चुके हैं। आइए, उनको याद कर लें।

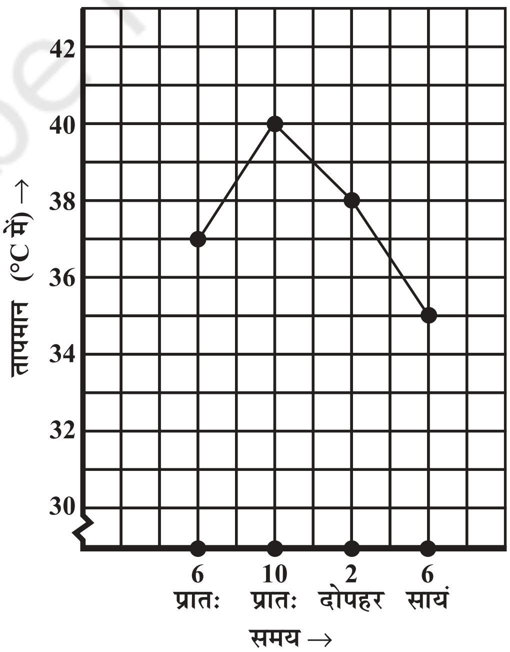
13.1.1 रेखा-आलेख

एक रेखा-आलेख, ऐसे आँकड़े प्रस्तुत करता है जो समय के साथ-साथ लगातार बदलते रहते हैं। जब रेणु बीमार पड़ी तब उसके डॉक्टर ने चार-चार घंटे बाद उसके शारीरिक तापमान का रिकॉर्ड बनाया। यह एक आलेख के रूप में था (आकृति 13.1 व 13.2 में देखें)।



आकृति 13.1

हर आँकड़े को वर्गांकित कागज़ पर एक बिंदु द्वारा अंकित किया गया है।



आकृति 13.2

बाद में बिंदुओं को रेखाखंडों से मिला दिया गया है। परिणाम, यह **रेखा आलेख** है।

© NCERT not to be republished

हम इसे 'समय-तापमान' का आलेख कह सकते हैं।

यह निम्न तालिका में दिए गए आँकड़ों का चित्र रूप में प्रदर्शन है।

समय	6 बजे प्रात:	10 बजे प्रात:	2 बजे दोपहर	6 बजे सायं
तापमान (°C में)	37	40	38	35

क्षैतिज रेखा (जिसे x-अक्ष भी कहते हैं) वे समय दिखाती है, जब-जब तापमान लिया गया। ऊर्ध्वाधर रेखा (जिसे y-अक्ष भी कहते हैं) पर क्या दिखाया गया है?

यह आलेख आपको क्या-क्या बताता है? उदाहरण के लिए, आप इसमें तापमान के प्रारूप देख सकते हैं : 10 बजे प्रात: अधिक था फिर 6 बजे सायं तक घटता गया। ध्यान दीजिए 6 बजे प्रात: और 10 बजे प्रात: के बीच तापमान 3°C (40°C – 37°C) बढ़ा।

8 बजे प्रात: तापमान नहीं पढ़ा गया फिर भी आलेख देखकर लगता है कि यह 37°C से अधिक था। (कैसे?)

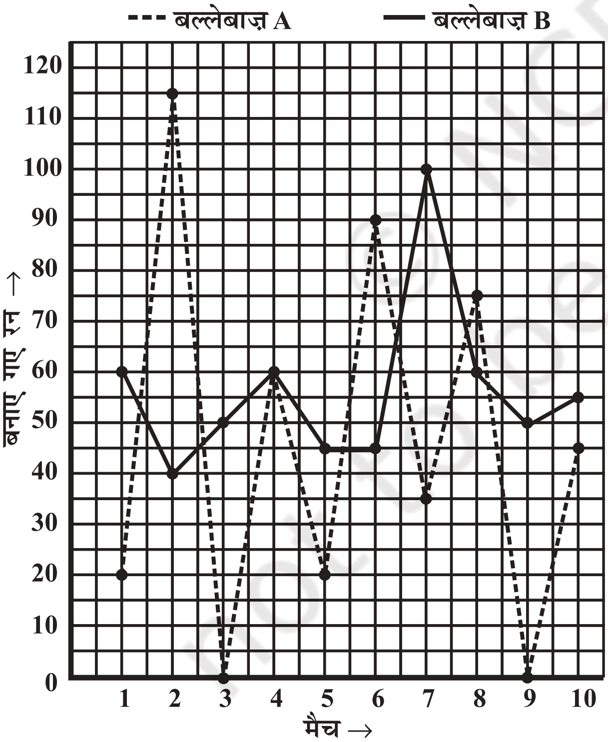
उदाहरण 1 : दिया गया आलेख (आकृति 13.3) वर्ष 2007 में, दो बल्लेबाजों A तथा B द्वारा खेले गए 10 मैचों में बनाए गए रनों को प्रदर्शित करता है। आलेख का अध्ययन कीजिए और निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) दोनों अक्ष-रेखाओं पर क्या-क्या सूचना दी गई है?

(ii) कौन सी रेखा बल्लेबाज़ A द्वारा बनाए गए रन प्रदर्शित करती है।

(iii) वर्ष 2007 में, क्या किसी मैच में दोनों बल्लेबाज़ों द्वारा बनाए गए रन समान थे? यदि हाँ, तो किस मैच में?

(iv) दोनों बल्लेबाज़ों में कौन अधिक स्थिर है? आपने यह निर्णय कैसे लिया?



आकृति 13.3

हल :

(i) क्षैतिज अक्ष (या x-अक्ष), वर्ष 2007 में खेले गए मैचों की संख्या प्रकट करती है।

ऊर्ध्वाधर अक्ष (या y-अक्ष) प्रत्येक मैच में बनाए गए रनों की संख्या प्रकट करती है।

(ii) बिंदुयुक्त रेखा A बल्लेबाज़ द्वारा बनाए गए रनों को दर्शाती है जैसा आलेख के ऊपर संकेत भी है।

(iii) चौथे मैच के दौरान दोनों ने एक समान 60 रन बनाए। (यह उस बिंदु से पता चलता है, जहाँ पर दोनों रेखाएँ एक दूसरे को प्रतिच्छेद करती हैं।

(iv) बल्लेबाज़ A के आलेख में एक ऊँचा शिखर है तथा अनेक नीची घाटियाँ। वह रन बनाने में स्थिर नहीं है। जबकि दूसरी ओर, बल्लेबाज़ B ने कभी 40 से कम रन नहीं बनाए;

© NCERT not to be republished

यद्यपि उसने B के 115 के मुकाबले अधिकतम 100 ही रन बनाए। A ने दो मैचों में शून्य रन ही बनाए तथा कुल पाँच मैचों में 40 से कम। क्योंकि A द्वारा बनाए गए रनों में अधिक उतार-चढ़ाव है, अत: B ही एक विश्वसनीय व स्थिर बल्लेबाज़ है।

उदाहरण 2 : एक कार एक शहर P से दूसरे शहर Q की ओर जा रही है जो एक दूसरे से 350 km दूरी पर हैं। दिया गया आलेख (आकृति 13.4) विभिन्न समयों पर कार की P शहर से दूरियाँ दर्शाता है। आलेख अध्ययन कर निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) दोनों अक्षों पर क्या-क्या दर्शाया गया है?

(ii) कार ने किस समय और कहाँ से यात्रा आरंभ की?

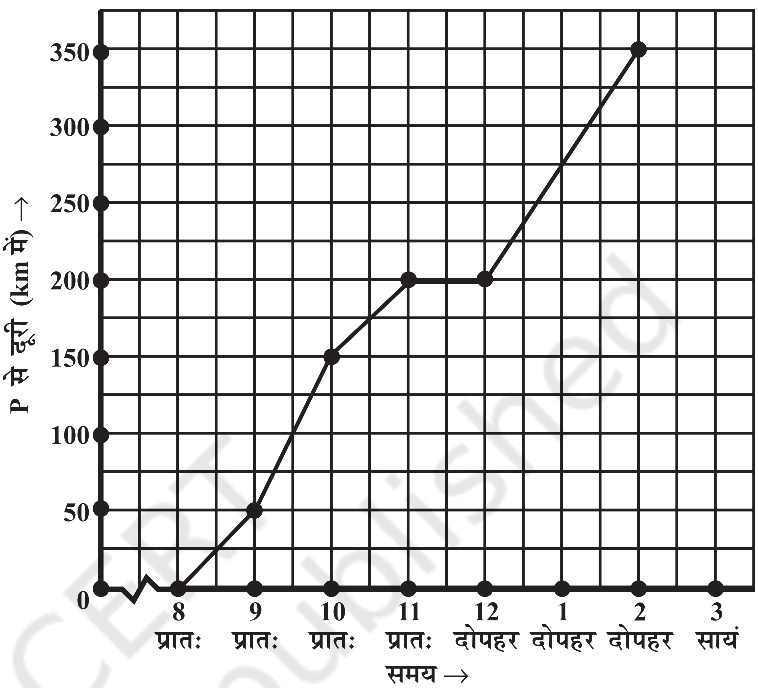
(iii) पहले घंटे में कार कितनी दूर चली?

(iv) दूसरे घंटे तथा तीसरे घंटे में कार ने कितनी-कितनी दूरियाँ तय की?

(v) क्या पहले तीन घंटों में कार की चाल समान थी? आपने कैसे जाना?

(vi) क्या कार कभी किसी स्थान पर रुकी? अपने उत्तर के लिए तर्क भी दीजिए।

(vii) कार, शहर Q पर किस समय पहुँची?



आकृति 13.4

हल :

(i) क्षैतिज (x) अक्ष समय दर्शाता है। ऊर्ध्वाधर (y) अक्ष, P शहर से कार की दूरियाँ दर्शाता है।

(ii) कार 8 बजे प्रात: शहर P से चली।

(iii) कार ने पहले घंटे में 50 km की दूरी तय की। (आप यह देख सकते हैं कि कार प्रात: 8 बजे शहर P से चली और प्रात: 9 बजे, आलेख के अनुसार, 50 km की दूरी पर थी। अत: प्रात: 8 और 9 बजे के बीच, एक घंटे में कार ने 50 km दूरी तय की।

(iv) (a) कार ने दूसरे घंटे (प्रात: 9 बजे से 10 बजे) में 100 km दूरी (150-50) तय की।

(b) कार ने तीसरे घंटे (प्रात: 10 बजे से 11 बजे) में 50 km की दूरी (200-150) तय की।

(v) प्रश्न (iii) व (iv) के उत्तरों से पता चलता है कि कार की चाल सदैव समान नहीं थी। (आलेख यह भी दर्शाता है कि चाल किस प्रकार बदली।)

(vi) आलेख में हम देखते हैं कि कार प्रात: 11 बजे और 12 बजे भी शहर P से 200 km दूर थी। इस अंतराल में तय की गई दूरी, एक क्षैतिज रेखाखंड है जो इस तथ्य की पुष्टि करता है।

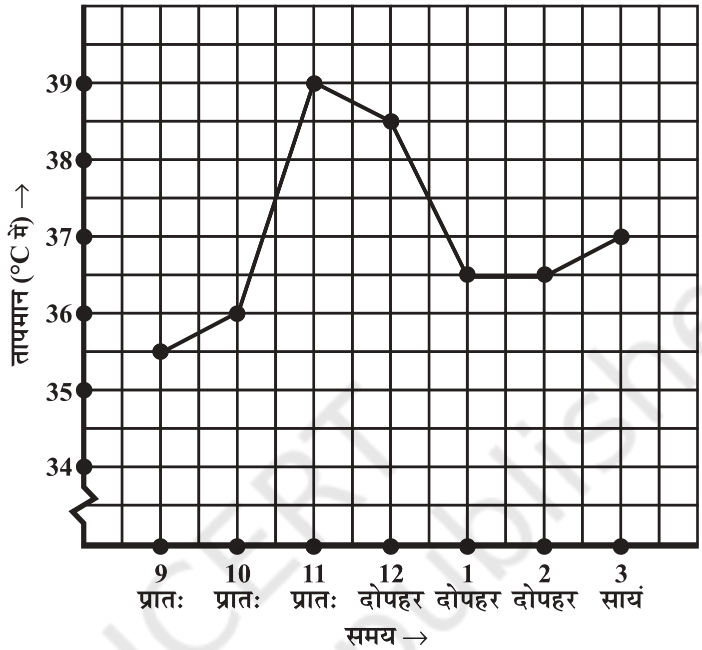
(vii) 2 बजे दोपहर कार Q शहर पहुँची।

प्रश्नावली 13.1

1. निम्न आलेख, किसी अस्पताल में एक रोगी का प्रति घंटे लिया गया तापमान दर्शाता है:

(a) रोगी का तापमान 1 बजे दोपहर क्या था?

(b) रोगी का तापमान 38.5° C कब था?



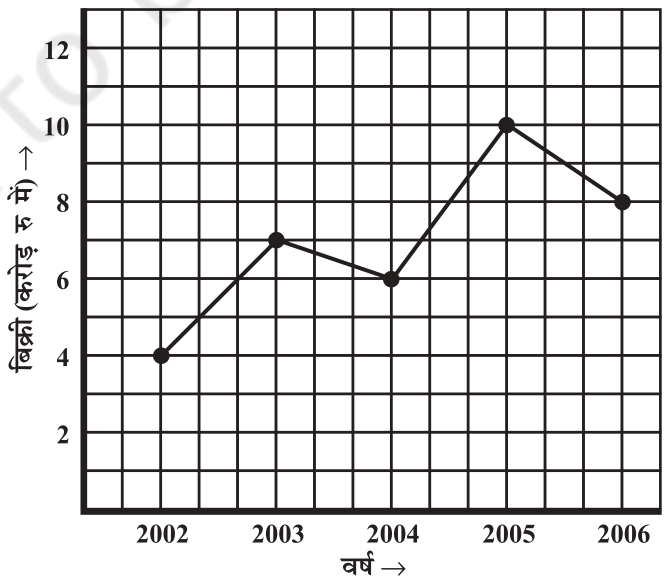
(c) इस पूरे अंतराल में रोगी का तापमान दो बार एक समान ही था। ये दो समय, क्या-क्या थे?

(d) 1.30 बजे दोपहर रोगी का तापमान क्या था? इस निष्कर्ष पर आप कैसे पहुँचे?

(e) किन अंतरालों में रोगी का तापमान 'बढ़ने का रुझान' दर्शाता है।

2. एक निर्माता कंपनी की विभिन्न वर्षों में की गई बिक्री निम्न आलेख द्वारा दर्शाई गई है:

(a) (i) वर्ष 2002 में (ii) वर्ष 2006 में कितनी बिक्री थी?



(b) (i) वर्ष 2003 में (ii) वर्ष 2005 में कितनी बिक्री थी?

(c) वर्ष 2002 तथा वर्ष 2006 की बिक्रियों में कितना अंतर था?

(d) किस अंतराल में बिक्रियों का यह अंतर सबसे अधिक था?

3. वनस्पति-विज्ञान के एक प्रयोग में, समान प्रयोगशाला परिस्थितियों में दो पौधे A तथा B उगाए गए। तीन सप्ताहों तक उनकी ऊँचाइयों को हर सप्ताह के अंत में मापा गया। परिणामों को निम्न आलेख में दर्शाया गया है :

(a) (i) 2 सप्ताह बाद (ii) 3 सप्ताह बाद पौधे A की ऊँचाई कितनी थी?

(b) (i) 2 सप्ताह बाद (ii) 3 सप्ताह बाद पौधे B की ऊँचाई कितनी थी?

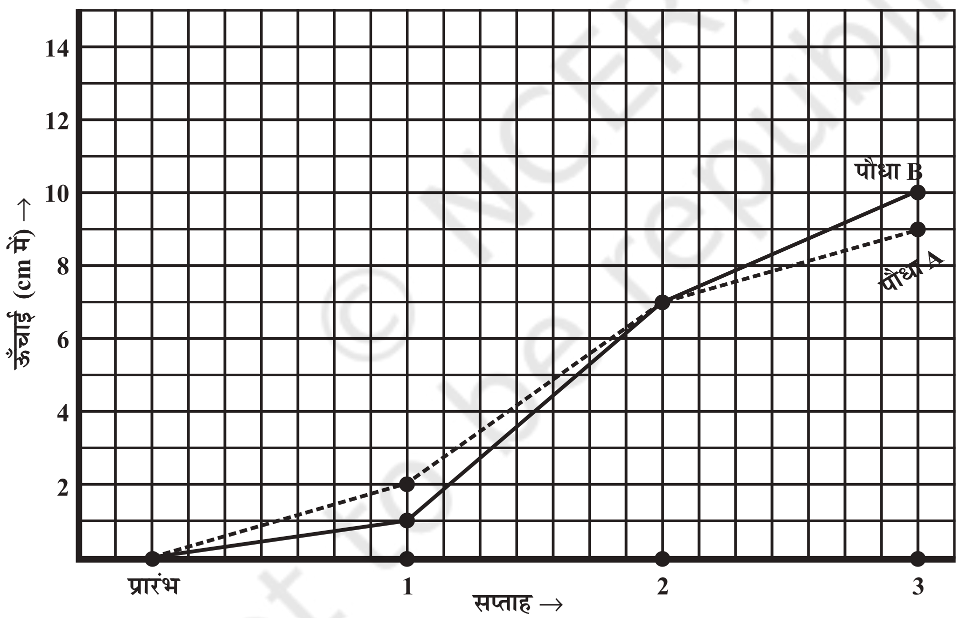
(c) तीसरे सप्ताह में पौधे A की ऊँचाई कितनी बढ़ी?

(d) दूसरे सप्ताह के अंत से तीसरे सप्ताह के अंत तक पौधे B की ऊँचाई कितनी बढ़ी?

(e) किस सप्ताह में पौधे A की ऊँचाई सबसे अधिक बढ़ी?

(f) किस सप्ताह में पौधे B की ऊँचाई सबसे कम बढ़ी?

(g) क्या किसी सप्ताह में दोनों पौधों की ऊँचाई समान थी? पहचानिए।



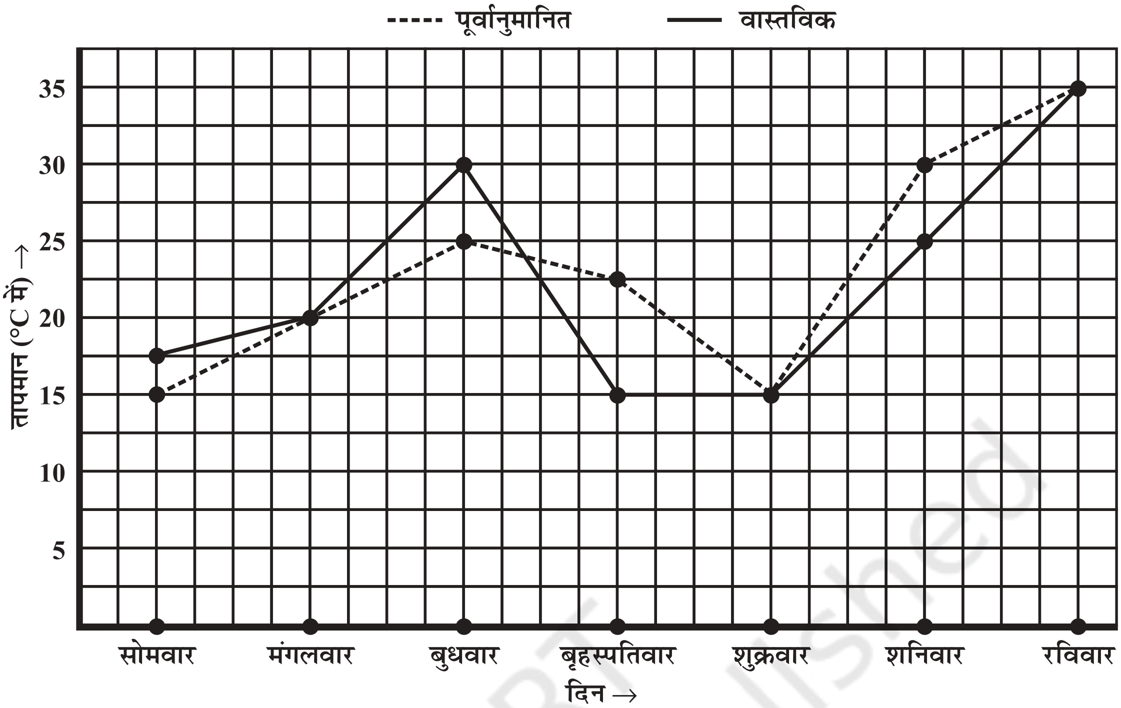
4. निम्न आलेख, किसी सप्ताह के प्रत्येक दिन के लिए पूर्वानुमानित तापमान तथा वास्तविक तापमान दर्शाता है :

(a) किस दिन पूर्वानुमानित तापमान व वास्तविक तापमान समान था?

(b) सप्ताह में पूर्वानुमानित अधिकतम तापमान क्या था?

(c) सप्ताह में वास्तविक न्यूनतम तापमान क्या था?

(d) किस दिन वास्तविक तापमान व पूर्वानुमानित तापमान में अंतर सर्वाधिक था?



5. निम्न तालिका प्रयोग कर एक रैखिक आलेख बनाइए :

(a) विभिन्न वर्षों में किसी पर्वतीय नगर में हिमपात के दिनों की संख्या :

वर्ष	2003	2004	2005	2006
दिन	8	10	5	12

(b) विभिन्न वर्षों में एक गाँव में, पुरुषों व स्त्रियों की संख्या (हज़ारों में)

वर्ष	2003	2004	2005	2006	2007
पुरुषों की संख्या	12	12.5	13	13.2	13.5
स्त्रियों की संख्या	11.3	11.9	13	13.6	12.8

6. एक डाकिया किसी नगर के पास ही स्थित एक उपनगर में एक व्यापारी को पार्सल पहुँचाने के लिए साइकिल पर जाता है। विभिन्न समयों पर नगर से उसकी दूरियाँ निम्न आलेख द्वारा दर्शाई गई हैं।

(a) x–अक्ष पर समय दर्शाने के लिए क्या पैमाना प्रयोग किया गया है?

(b) उसने पूरी यात्रा के लिए कितना समय लिया?

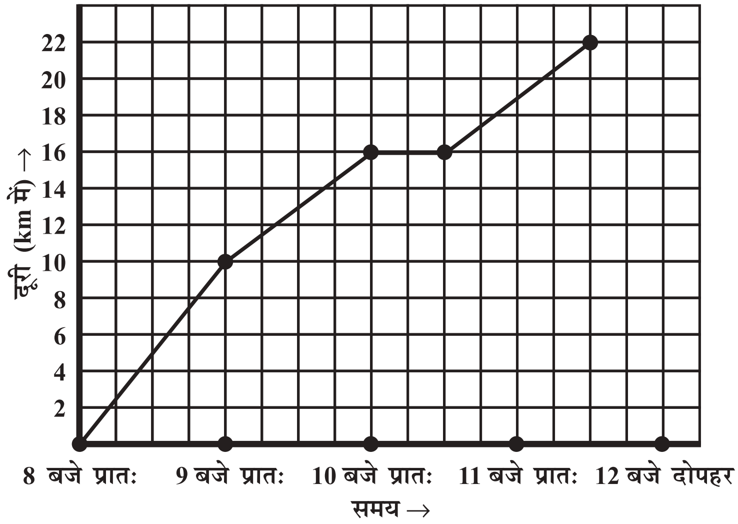
(c) व्यापारी के स्थान की नगर से दूरी कितनी है?

(d) क्या, डाकिया रास्ते में कहीं रुका? विवरण दीजिए।

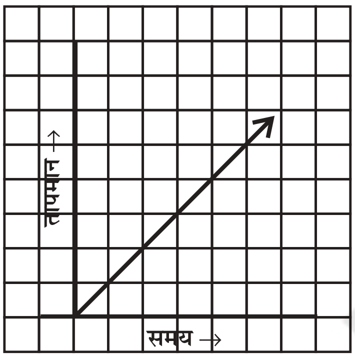
(e) किस अंतराल में उसकी चाल सबसे अधिक थी?

7. निम्न आलेखों में कौन–कौन से आलेख समय व तापमान के बीच संभव हैं? तर्क के साथ अपने उत्तर दीजिए।

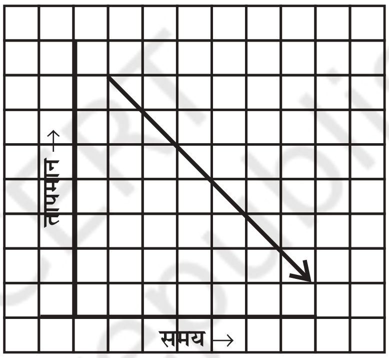
© NCERT not to be republished



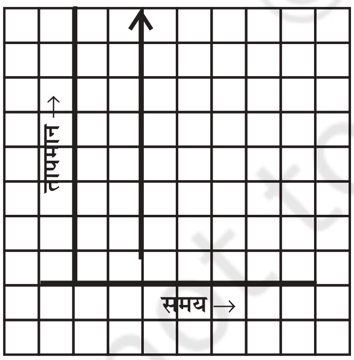
(i)



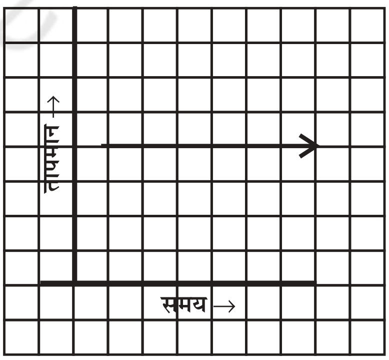
(ii)



(iii)



(iv)



13.2 कुछ अनुप्रयोग

दैनिक जीवन में आपने देखा होगा कि किसी भी सुविधा का जितना अधिक उपयोग आप करते हैं उतना ही अधिक उसके लिए मूल्य देना होता है। अगर आप बिजली अधिक खर्च करते हैं तब आपको बिल भी अधिक देना होगा। अगर आप बिजली कम खर्च करते हैं तो बिल भी कम आएगा। यह एक उदाहरण है जहाँ एक राशि दूसरी को प्रभावित करती है। बिजली का बिल,

उपयोग की गई बिजली की मात्रा पर निर्भर करता है। हम कहते हैं कि बिजली की मात्रा एक मुक्त या स्वतंत्र चर है जब कि बिजली का बिल एक **आश्रित चर** है। ऐसी राशियों के संबंध को हम आलेख द्वारा भी प्रदर्शित कर सकते हैं।

सोचिए, चर्चा कीजिए और लिखिए

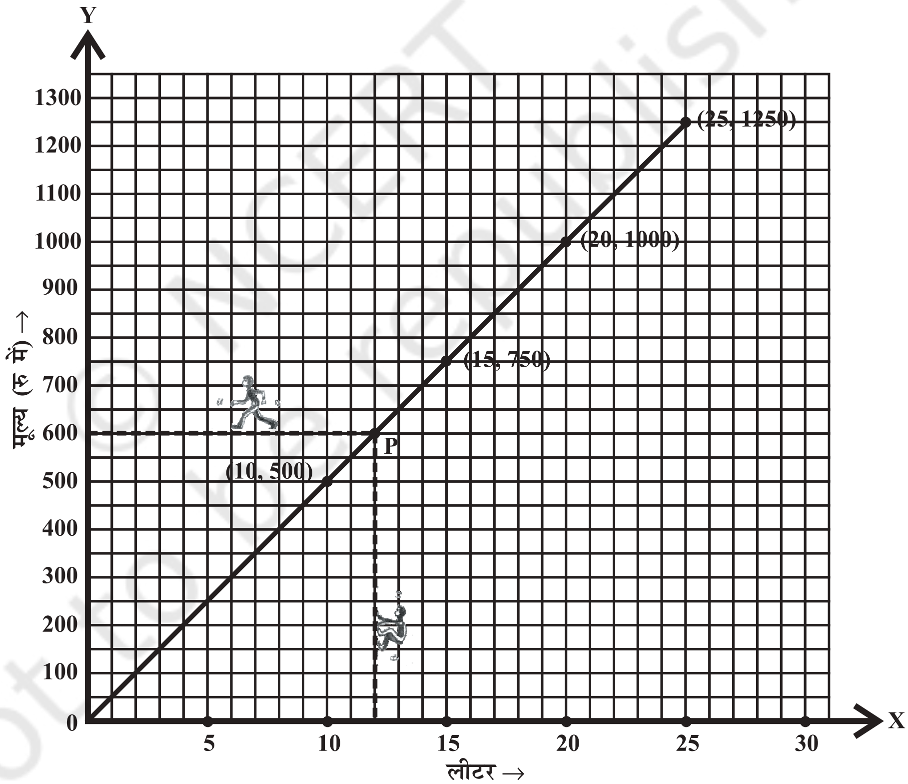
एक कार की पेट्रोल टंकी को भरने के लिए दी गई राशि खरीदे गए पेट्रोल की मात्रा (लीटर में) द्वारा निश्चित होती है। यहाँ पर कौन सा चर स्वतंत्र है? चर्चा कीजिए।

उदाहरण 3 : (मात्रा तथा मूल्य) निम्न तालिका पेट्रोल की मात्राएँ व उसके मूल्य बताती है:

पेट्रोल की मात्रा (लीटर में)	10	15	20	25
पेट्रोल का मूल्य (रुपयों में)	500	750	1000	1250

इन आँकड़ों को दर्शाने के लिए आलेख बनाइए।

हल :



आकृति 13.5

(i) आइए, दोनों अक्षों के लिए (आकृति 13.5) उपयुक्त पैमाना चुनें।

(ii) क्षैतिज अक्ष पर पेट्रोल की मात्रा दर्शाते हैं।

(iii) ऊर्ध्वाधर अक्ष पर मूल्य दर्शाते हैं।

(iv) (10, 500) , (15, 750), (20, 1000) तथा (25, 1250) बिंदुओं को अंकित करें।

(v) बिंदुओं को मिलाइए।

© NCERT not to be republished

हम देखते हैं कि आलेख एक सरल रेखा है। (यह एक रैखिक आलेख है) यह आलेख मूल बिंदु से क्यों गुज़रता है? इसके बारे में सोचिए।

यह आलेख हमें कुछ तथ्यों के अनुमान लगाने में सहायक हो सकता है। मान लीजिए, हम जानना चाहते हैं कि 12 लीटर पेट्रोल के लिए कितना मूल्य देना होगा?

क्षैतिज अक्ष पर 12 की स्थिति देखिए। 12 के चिह्न पर ऊर्ध्वाधर रेखा के अनुकूल चलकर आलेख को बिंदु P पर मिलते हैं।

बिंदु P से क्षैतिज रेखा के अनुकूल चलकर ऊर्ध्वाधर अक्ष पर पहुँचते हैं जहाँ हमें वह बिंदु मिलता है, जो ₹ 600 उत्तर दर्शाता है।

यह आलेख एक ऐसी स्थिति का है, जिसमें दो राशियाँ समानुपात में हैं। कैसे? ऐसी स्थितियों में, आलेख सदैव रैखिक ही होते हैं।

प्रयास कीजिए

ऊपर के उदाहरण में, आलेख से ज्ञात कीजिए कि ₹ 800 में कितना पेट्रोल खरीदा जा सकता है?

उदाहरण 4 : (मूलधन तथा साधारण ब्याज)

एक बैंक वरिष्ठ नागरिकों को उनके जमा धन पर 10% साधारण ब्याज देता है। जमा धन तथा उस पर अर्जित वार्षिक साधारण ब्याज के संबध को दर्शाने के लिए एक आलेख खींचिए। इस आलेख से निम्न ज्ञात कीजिए :

(a) ₹ 250 जमा करने पर प्राप्त ब्याज।

(b) ₹ 70 ब्याज प्राप्त करने के लिए कितना धन जमा करना होगा?

जमा धन	1 वर्ष के लिए साधारण ब्याज
₹ 100	$\frac{100\times1\times10}{100}$ = ₹ 10
₹ 200	$\frac{200\times1\times10}{100}$ = ₹ 20
₹ 300	$\frac{300\times1\times10}{100}$ = ₹ 30
₹ 500	$\frac{500\times1\times10}{100}$ = ₹ 50
₹ 1000	₹ 100

उपयुक्त चरण :
1. अंकित की जाने वाली राशियाँ जमा धन तथा उससे अर्जित ब्याज ज्ञात कीजिए।
2. x-अक्ष तथा y-अक्ष पर दर्शाई जाने वाली राशियाँ निर्धारित कीजिए।
3. उपयुक्त पैमाने चुनिए।
4. बिंदु अंकित कीजिए।
5. बिंदुओं को मिलाइए।

इन राशियों से निम्न तालिका प्राप्त होती है :

जमा धन (₹ में)	100	200	300	500	1000
वार्षिक सा० ब्याज (₹ में)	10	20	30	50	100

© NCERT not to be republished

(i) पैमाना : क्षैतिज अक्ष पर 1 इकाई = ₹ 100

ऊर्ध्वाधर अक्ष पर 1 इकाई = ₹ 10

(ii) जमा धन को क्षैतिज अक्ष पर दर्शाते हैं।

(iii) साधारण ब्याज ऊर्ध्वाधर अक्ष पर दर्शाते हैं।

(iv) (100, 10), (200, 20), (300, 30), (500, 50) तथा (1000, 100) बिंदुओं को अंकित कीजिए।

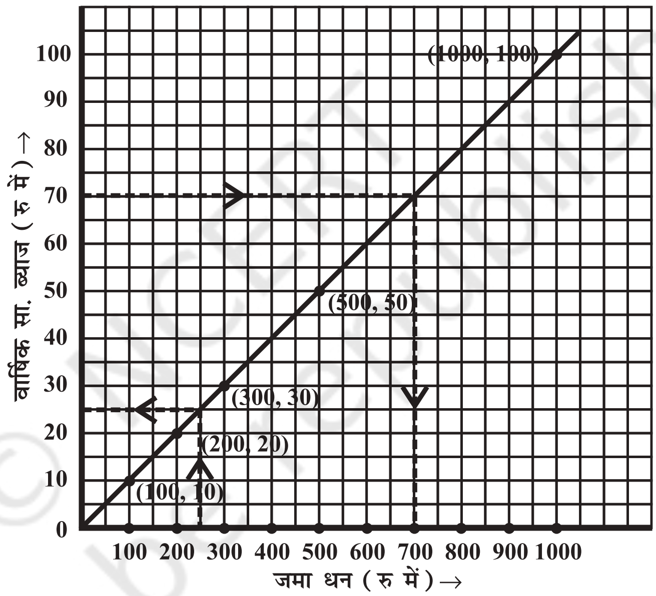
(v) बिंदुओं को मिलाइए। हमें आलेख में एक सरल रेखा प्राप्त होती है; (आकृति 13.6)।

(a) क्षैतिज अक्ष पर ₹ 250 मूलधन के लिए ऊर्ध्वाधर अक्ष पर ₹ 25 साधारण ब्याज है।

(b) ऊर्ध्वाधर अक्ष पर ₹ 70 ब्याज के लिए क्षैतिज अक्ष पर ₹ 700 मूलधन है।

प्रयास कीजिए

क्या उदाहरण 7 एक समानुपात का उदाहरण है?



आकृति 13.6

उदाहरण 5 : (समय और दूरी) अजीत लगातार 30 km/hour की गति से स्कूटर चलाता है। इस स्थिति के लिए समय-दूरी के बीच एक आलेख खींचिए। इस आलेख से ज्ञात कीजिए :

(i) अजीत को 75 किमी दूरी तय करने में लगने वाला समय।

(ii) अजीत द्वारा $3\frac{1}{2}$ घंटे में तय की गई दूरी।

हल :

यात्रा के घंटे	तय की गई दूरी
1 घंटा	30 km
2 घंटे	2 × 30 = 60 km
3 घंटे	3 × 30 = 90 km
4 घंटे	4 × 30 = 120 km

इन राशियों से निम्न तालिका प्राप्त होती है :

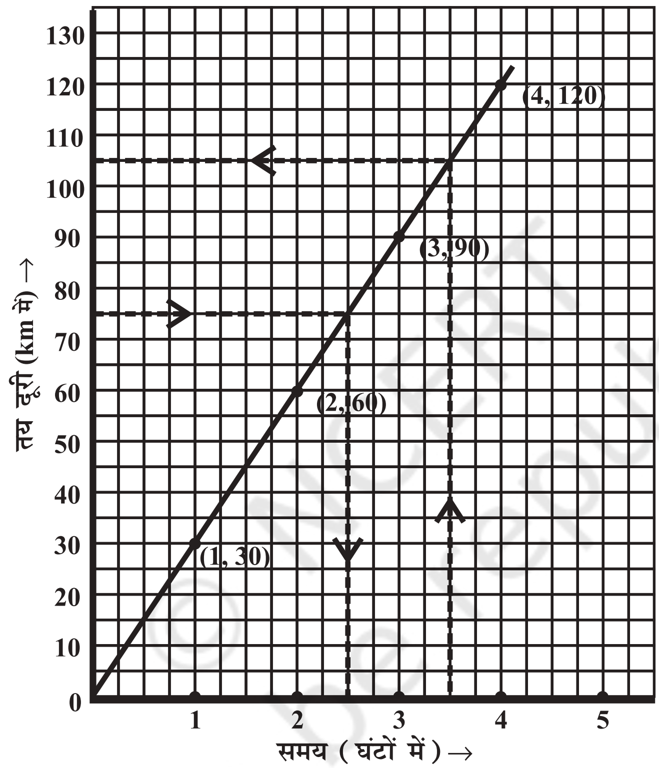
समय (घंटों में)	1	2	3	4
तय की गई दूरी (km में)	30	60	90	120

(i) पैमाना : क्षैतिज अक्ष, 2 इकाई = 1 घंटा

ऊर्ध्वाधर अक्ष, 1 इकाई = 10 km

(ii) क्षैतिज अक्ष पर समय दर्शाते हैं।

(iii) ऊर्ध्वाधर अक्ष दूरी दर्शाते हैं।



आकृति 13.7

(iv) (1, 30), (2, 60), (3, 90) तथा (4, 120) बिंदुओं को अंकित कीजिए।

(v) बिंदुओं को मिलाइए। हमें एक रैखिक आलेख प्राप्त होता है; (आकृति 15.18)।

(a) ऊर्ध्वाधर अक्ष पर 75 km दूरी लेने पर, उसके अनुरूप क्षैतिज अक्ष पर 2.5 घंटे लगेंगे।

(b) क्षैतिज अक्ष पर $3\frac{1}{2}$ घंटे के अनुरूप ऊर्ध्वाधर अक्ष पर दूरी 105 km मिलती है।

प्रश्नावली 13.2

1. उपयुक्त पैमाने प्रयोग करते हुए, निम्न तालिकाओं में दी गई राशियों के लिए आलेख बनाइए :

(a) सेबों का मूल्य

© NCERT not to be republished

सेबों की संख्या	1	2	3	4	5
मूल्य (₹ में)	5	10	15	20	25

(b) कार द्वारा तय की गई दूरी

समय (घंटों में)	6 बजे प्रात:	7 बजे प्रात:	8 बजे प्रात:	9 बजे प्रात:
दूरी (km में)	40	80	120	160

(i) 7.30 बजे प्रात: व 8 बजे प्रात: के अंतराल में कार द्वारा कितनी दूरी तय की गई?

(ii) कार के 100 km दूरी तय कर लेने पर समय क्या था?

(c) जमा धन पर वार्षिक ब्याज

जमा धन (₹ में)	1000	2000	3000	4000	5000
सा० ब्याज (₹ में)	80	160	240	320	400

(i) क्या आलेख मूल बिंदु से गुज़रता है?

(ii) आलेख से ₹ 2500 का वार्षिक ब्याज ज्ञात कीजिए।

(iii) ₹ 280 ब्याज प्राप्त करने के लिए कितना धन जमा करना होगा?

2. निम्न तालिकाओं के लिए आलेख खींचिए।

(i)

वर्ग की भुजा (cm में)	2	3	3.5	5	6
परिमाप (cm में)	8	12	14	20	24

क्या यह रैखिक आलेख है?

(ii)

वर्ग की भुजा (cm में)	2	3	4	5	6
क्षेत्रफल (cm^2 में)	4	9	16	25	36

क्या यह रैखिक आलेख है?

हमने क्या चर्चा की?

1. आलेखीय चित्रण समझना सरल होता है।
2. रेखा–आलेख जो एक पूर्ण अखंडित रेखा हो, एक **रैखिक आलेख** कहलाता है।
3. वर्गांकित कागज़ पर किसी बिंदु की स्थिति निर्धारित करने के लिए हमें *x*-**निर्देशांक** तथा *y*-**निर्देशांक** चाहिए।
4. एक **स्वतंत्र चर** तथा **आश्रित चर** में संबंध एक आलेख द्वारा प्रदर्शित किया जाता है।

© NCERT not to be republished

उत्तरमाला

HHMH1AN

प्रश्नावली 1.1

1. (i) 1 गुणनात्मक तत्समक है। (ii) क्रमविनिमेयता
(iii) गुणनात्मक प्रतिलोम

2. सहचारिता

प्रश्नावली 2.1

1. $x = 18$ **2.** $t = -1$ **3.** $x = -2$ **4.** $z = \frac{3}{2}$ **5.** $x = 5$ **6.** $x = 0$

7. $x = 40$ **8.** $x = 10$ **9.** $y = \frac{7}{3}$ **10.** $m = \frac{4}{5}$

प्रश्नावली 2.2

1. $x = \frac{27}{10}$ **2.** $n = 36$ **3.** $x = -5$ **4.** $x = 8$ **5.** $t = 2$

6. $m = \frac{7}{5}$ **7.** $t = -2$ **8.** $y = \frac{2}{3}$ **9.** $z = 2$ **10.** $f = 0.6$

प्रश्नावली 3.1

1. (a) 1, 2, 5, 6, 7 (b) 1, 2, 5, 6, 7 (c) 1, 2
(d) 2 (e) 1, 4

2. बराबर भुजाओं और बराबर कोणों वाला एक बहुभुज
(i) समबाहु त्रिभुज (ii) वर्ग (iii) सम षड्भुज

प्रश्नावली 3.2

1. (a) $360° - 250° = 110°$ (b) $360° - 310° = 50°$

2. (i) $\frac{360°}{9} = 40°$ (ii) $\frac{360°}{15} = 24°$

3. $\frac{360}{24} = 15$ (भुजाएँ) **4.** भुजाओं की संख्या = 24

5. (i) नहीं (क्योंकि 360 को 22 विभाजित नहीं करता है।)
(ii) नहीं (क्योंकि प्रत्येक बहिष्कोण $180° - 22° = 158°$ है, जो 360° को विभाजित नहीं करता है।)

© NCERT not to be republished

6. (a) क्योंकि समबाहु त्रिभुज तीन भुजाओं का एक समबहुभुज है, इसलिए इसके प्रत्येक अंतःकोण की न्यूनतम माप = 60° है।
   (b) (a) से हम देख सकते हैं कि सबसे बड़ा बहिष्कोण 120° होगा।

प्रश्नावली 3.3

1. (i) BC (सम्मुख भुजाएँ बराबर होती हैं।) (ii) ∠DAB (सम्मुख कोण बराबर होते हैं।)
   (iii) OA (विकर्ण परस्पर समद्विभाजित करते हैं।)
   (iv) 180° (तिर्यक रेखा के एक ही ओर के अंतःकोण, क्योंकि $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$)
2. (i) $x = 80°; y = 100°; z = 80°$ (ii) $x = 130°; y = 130°; z = 130°$
   (iii) $x = 90°; y = 60°; z = 60°$ (iv) $x = 100°; y = 80°; z = 80°$
   (v) $y = 112°; x = 28°; z = 28°$
3. (i) हो सकता है, परंतु आवश्यक नहीं है।
   (ii) नहीं;(एक समांतर चतुर्भुज में, सम्मुख भुजाएँ बराबर होती हैं, परंतु यहाँ $AD \neq BC$ है।)
   (iii) नहीं;(एक समांतर चतुर्भुज में, सम्मुख कोण बराबर होते हैं, परंतु यहाँ $\angle A \neq \angle C$ है।)
4. उदाहरणार्थ, एक पतंग 5. 108°; 72°; 6. प्रत्येक कोण एक समकोण है।
7. $x = 110°; y = 40°; z = 30°$
8. (i) $x = 6; y = 9$ (ii) $x = 3; y = 13;$ 9. $x = 50°$
10. $\overline{NM} \parallel \overline{KL}$ (तिर्यक रेखा के एक ही ओर के अंतःकोण का योग 180° है।) इसलिए, KLMN एक समलंब है।
11. 60° 12. $\angle P = 50°; \angle S = 90°$

प्रश्नावली 3.4

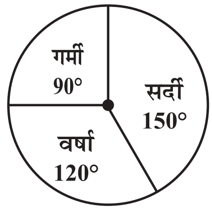
1. (b), (c), (f), (g) और (h) सत्य हैं, अन्य असत्य हैं।
2. (a) समचतुर्भुज; वर्ग (b) वर्ग; आयत
3. (i) एक वर्ग में चार भुजाएँ होती हैं इसलिए यह एक चतुर्भुज है।
   (ii) एक वर्ग की सम्मुख भुजाएँ समांतर होती हैं; इसलिए यह एक समांतर चतुर्भुज है।
   (iii) वर्ग एक ऐसा समांतर चतुर्भुज होता है जिसकी सभी भुजाएँ बराबर होती हैं; इसलिए यह एक समचतुर्भुज है।
   (iv) वर्ग एक ऐसा समांतर चतुर्भुज होता है, जिसके सभी कोण समकोण होते हैं; इसलिए यह एक आयत है।
4. (i) समांतर चतुर्भुज; समचतुर्भुज; वर्ग; आयत
   (ii) समचतुर्भुज; वर्ग (iii) वर्ग; आयत
5. इसके दोनों विकर्ण इसके अभ्यंतर में स्थित होते हैं।
6. $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$; $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ है। इसलिए, समांतर चतुर्भुज ABCD में, विकर्ण $\overline{AC}$ का मध्य-बिंदु O है।

प्रश्नावली 4.1

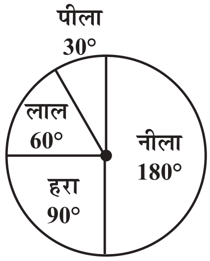
1. (i) 200 (ii) मनोरंजक (iii) शास्त्रीय - 100, उप-शास्त्रीय - 200, मनोरंजक - 400, लोक - 300

© NCERT not to be republished

2. (i) सर्दी (ii) सर्दी - 150°, वर्षा - 120°, गर्मी - 90° (iii)

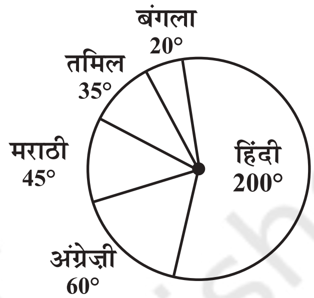


3.



4. (i) हिंदी (ii) 30 अंक (iii) हाँ

5.



प्रश्नावली 4.2

1. (a) परिणाम → A, B, C, D

(b) HT, HH, TH, TT [यहाँ HT का अर्थ है कि पहले सिक्के पर चित (Head) और दूसरे सिक्के पर पट (Tail) इत्यादि।]

2. निम्नलिखित प्राप्त करने की घटना के परिणाम :

(i) (a) 2, 3, 5 (b) 1, 4, 6

(ii) (a) 6 (b) 1, 2, 3, 4, 5

3. (a) $\frac{1}{5}$ (b) $\frac{1}{13}$ (c) $\frac{4}{7}$

4. (i) $\frac{1}{10}$ (ii) $\frac{1}{2}$ (iii) $\frac{2}{5}$ (iv) $\frac{9}{10}$

5. हरा त्रिज्यखंड प्राप्त करने की प्रायिकता = $\frac{3}{5}$; एक ऐसा त्रिज्यखंड प्राप्त करने की प्रायिकता जो नीला नहीं है = $\frac{4}{5}$।

6. एक अभाज्य संख्या प्राप्त करने की प्रायिकता = $\frac{1}{2}$; एक ऐसी संख्या प्राप्त करने की प्रायिकता जो अभाज्य नहीं है = $\frac{1}{2}$;

5 से बड़ी संख्या प्राप्त करने की प्रायिकता = $\frac{1}{6}$, 5 से बड़ी संख्या प्राप्त नहीं करने की प्रायिकता = $\frac{5}{6}$

प्रश्नावली 5.1

1. (i) 1 (ii) 4 (iii) 1 (iv) 9 (v) 6 (vi) 9
(vii) 4 (viii) 0 (ix) 6 (x) 5

2. ये संख्याएँ निम्नलिखित पर समाप्त होती हैं :

(i) 7 (ii) 3 (iii) 8 (iv) 2 (v) 0 (vi) 2
(vii) 0 (viii) 0

© NCERT not to be republished

3. (i), (iii) **4.** 10000200001, 100000020000001

5. 1020304030201, 101010101^2 **6.** 20, 6, 42, 43

7. (i) 25 (ii) 100 (iii) 144

8. (i) 1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13

(ii) 1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13 + 15 + 17 + 19 + 21

9. (i) 24 (ii) 50 (iii) 198

प्रश्नावली 5.2

1. (i) 1024 (ii) 1225 (iii) 7396 (iv) 8649 (v) 5041 (vi) 2116

2. (i) 6,8,10 (ii) 14,48,50 (iii) 16,63,65 (iv) 18,80,82

प्रश्नावली 5.3

1. (i) 1, 9 (ii) 4, 6 (iii) 1, 9 (iv) 5

2. (i), (ii), (iii) **3.** 10, 13

4. (i) 27 (ii) 20 (iii) 42 (iv) 64 (v) 88 (vi) 98

(vii) 77 (viii) 96 (ix) 23 (x) 90

5. (i) 7; 42 (ii) 5; 30 (iii) 7, 84 (iv) 3; 78 (v) 2; 54 (vi) 3; 48

6. (i) 7; 6 (ii) 13; 15 (iii) 11; 6 (vi) 5; 23 (v) 7; 20 (vi) 5; 18

7. 49 **8.** 45 पंक्तियाँ; प्रत्येक पंक्ति में 45 पौधे **9.** 900 **10.** 3600

प्रश्नावली 5.4

1. (i) 48 (ii) 67 (iii) 59 (iv) 23 (v) 57 (vi) 37

(vii) 76 (viii) 89 (ix) 24 (x) 32 (xi) 56 (xii) 30

2. (i) 1 (ii) 2 (iii) 2 (iv) 3 (v) 3

3. (i) 1.6 (ii) 2.7 (iii) 7.2 (iv) 6.5 (v) 5.6

4. (i) 2; 20 (ii) 53; 44 (iii) 1; 57 (iv) 41; 28 (v) 31; 63

5. (i) 4; 23 (ii) 14; 42 (iii) 4; 16 (iv) 24; 43 (v) 149; 81

6. 21 m **7.** (a) 10 cm (b) 12 cm

8. 24 पौधे **9.** 16 बच्चे

प्रश्नावली 6.1

1. (ii) और (iv)

2. (i) 3 (ii) 2 (iii) 3 (iv) 5 (v) 10

3. (i) 3 (ii) 2 (iii) 5 (iv) 3 (v) 11

4. 20 घनाभ

© NCERT not to be republished

प्रश्नावली 6.2

1. (i) 4 (ii) 8 (iii) 22 (iv) 30 (v) 25 (vi) 24
   (vii) 48 (viii) 36 (ix) 56
2. (i) असत्य (ii) सत्य (iii) असत्य (iv) असत्य (v) असत्य (vi) असत्य
   (vii) सत्य

प्रश्नावली 7.1

1. (a) 1 : 2 (b) 1 : 2000 (c) 1 : 10
2. (a) 75% (b) $66\frac{2}{3}\%$ **3.** 28% विद्यार्थी **4.** 25 मैच **5.** ₹ 2400
6. 10%, क्रिकेट → 30 लाख; फुटबॉल → 15 लाख; अन्य खेल → 5 लाख

प्रश्नावली 7.2

1. ₹ 2835 **2.** ₹ 14560 **3.** ₹ 2000 **4.** ₹ 5000
5. ₹ 1050

प्रश्नावली 7.3

1. (i) लगभग 48980 (ii) 59535 **2.** 531616 (लगभग) **3.** ₹ 38640

प्रश्नावली 8.1

1. (i) 0 (ii) $ab + bc + ac$ (iii) $-p^2q^2 + 4pq + 9$
   (iv) $2(l^2 + m^2 + n^2 + lm + mn + nl)$
2. (a) $8a - 2ab + 2b - 15$ (b) $2xy - 7yz + 5zx + 10xyz$
   (c) $p^2q - 7pq^2 + 8pq - 18q + 5p + 28$

प्रश्नावली 8.2

1. (i) $28p$ (ii) $-28p^2$ (iii) $-28p^2q$ (iv) $-12p^4$ (v) 0
2. pq; $50\ mn$; $100\ x^2y^2$; $12x^3$; $12mn^2p$
3.

पहला एकपदी :→ / दूसरा एकपदी :↓	$2x$	$-5y$	$3x^2$	$-4xy$	$7x^2y$	$-9x^2y^2$
$2x$	$4x^2$	$-10xy$	$6x^3$	$-8x^2y$	$14x^3y$	$-18x^3y^2$
$-5y$	$-10xy$	$25y^2$	$-15x^2y$	$20xy^2$	$-35x^2y^2$	$45x^2y^3$

© NCERT not to be republished

$3x^2$	$6x^3$	$-15x^2y$	$9x^4$	$-12x^3y$	$21x^4y$	$-27x^4y^2$
$-4xy$	$-8x^2y$	$20xy^2$	$-12x^3y$	$16x^2y^2$	$-28x^3y^2$	$36x^3y^3$
$7x^2y$	$14x^3y$	$-35x^2y^2$	$21x^4y$	$-28x^3y^2$	$49x^4y^2$	$-63x^4y^3$
$-9x^2y^2$	$-18x^3y^2$	$45x^2y^3$	$-27x^4y^2$	$36x^3y^3$	$-63x^4y^3$	$81x^4y^4$

4. (i) $105a^7$ (ii) $64pqr$ (iii) $4x^4y^4$ (iv) $6abc$

5. (i) $x^2y^2z^2$ (ii) $-a^6$ (iii) $1024y^6$ (iv) $36a^2b^2c^2$ (v) $-m^3n^2p$

प्रश्नावली 8.3

1. (i) $4pq + 4pr$ (ii) $a^2b - ab^2$ (iii) $7a^3b^2 + 7a^2b^3$
(iv) $4a^3 - 36a$ (v) 0

2. (i) $ab + ac + ad$ (ii) $5x^2y + 5xy^2 - 25xy$
(iii) $6p^3 - 7p^2 + 5p$
(iv) $4p^4q^2 - 4p^2q^4$ (v) $a^2bc + ab^2c + abc^2$

3. (i) $8a^{50}$ (ii) $-\frac{3}{5}x^3y^3$ (iii) $-4p^4q^4$ (iv) x^{10}

4. (a) $12x^2 - 15x + 3$; (i) 66 (ii) $\frac{-3}{2}$
(b) $a^3 + a^2 + a + 5$; (i) 5 (ii) 8 (iii) 4

5. (a) $p^2 + q^2 + r^2 - pq - qr - pr$ (b) $-2x^2 - 2y^2 - 4xy + 2yz + 2zx$
(c) $5l^2 + 25ln$ (d) $-3a^2 - 2b^2 + 4c^2 - ab + 6bc - 7ac$

प्रश्नावली 8.4

1. (i) $8x^2 + 14x - 15$ (ii) $3y^2 - 28y + 32$ (iii) $6.25l^2 - 0.25m^2$
(iv) $ax + 5a + 3bx + 15b$ (v) $6p^2q^2 + 5pq^3 - 6q^4$ (vi) $3a^4 + 10a^2b^2 - 8b^4$

2. (i) $15 - x - 2x^2$ (ii) $7x^2 + 48xy - 7y^2$ (iii) $a^3 + a^2b^2 + ab + b^3$
(iv) $2p^3 + p^2q - 2pq^2 - q^3$

3. (i) $x^3 + 5x^2 - 5x$ (ii) $a^2b^3 + 3a^2 + 5b^3 + 20$ (iii) $t^3 - st + s^2t^2 - s^3$
(iv) $4ac$ (v) $3x^2 + 4xy - y^2$ (vi) $x^3 + y^3$
(vii) $2.25x^2 - 16y^2$ (viii) $a^2 + b^2 - c^2 + 2ab$

प्रश्नावली 9.1

1. $0.88\ m^2$ **2.** 7 cm **3.** $660\ m^2$ **4.** $252\ m^2$
5. $45\ cm^2$ **6.** $24\ cm^2$, 6 cm **7.** ₹ 810 **8.** 140 m
9. $119\ m^2$ **10.** ज्योति की विधि से क्षेत्रफल = $2 \times \frac{1}{2} \times \frac{15}{2} \times (30+15)\ m^2 = 337.5\ m^2$,
कविता की विधि से क्षेत्रफल = $(\frac{1}{2} \times 15 \times 15 + 15 \times 15)\ m^2 = 337.5\ m^2$

11. $80\ cm^2$, $96\ cm^2$, $80\ cm^2$, $96\ cm^2$

© NCERT not to be republished

प्रश्नावली 9.2

1. (a) 2. 144 m 3. 10 cm 4. 11 m^2
5. 5 कैन
6. समानता → दोनों की बराबर ऊँचाइयाँ हैं; अंतर → एक बेलन है और दूसरा घन है। घन का पृष्ठीय क्षेत्रफल अधिक है।
7. 440 m^2 8. 322 cm 9. 1980 m^2 10. 704 cm^2

प्रश्नावली 9.3

1. (a) आयतन (b) पृष्ठीय क्षेत्रफल (c) आयतन
2. बेलन B का आयतन अधिक है। बेलन B का पृष्ठीय क्षेत्रफल अधिक है।
3. 5 cm 4. 450 5. 1 m 6. 49500 L
7. (i) चार गुना (ii) आठ गुना 8. 30 घंटे

प्रश्नावली 10.1

1. (i) $\frac{1}{9}$ (ii) $\frac{1}{16}$ (iii) 32
2. (i) $\frac{1}{(-4)^3}$ (ii) $\frac{1}{2^6}$ (iii) $(5)^4$ (iv) $\frac{1}{(3)^2}$ (v) $\frac{1}{(-14)^3}$
3. (i) 5 (ii) $\frac{1}{2}$ (iii) 29 (iv) 1 (v) $\frac{81}{16}$
4. (i) 250 (ii) $\frac{1}{60}$ 5. $m = 2$ 6. (i) –1 (ii) $\frac{512}{125}$
7. (i) $\frac{625t^4}{2}$ (ii) 5^5

प्रश्नावली 10.2

1. (i) 8.5×10^{-12} (ii) 9.42×10^{-12} (iii) 6.02×10^{15}
(iv) 8.37×10^{-9} (v) 3.186×10^{10}
2. (i) 0.00000302 (ii) 45000 (iii) 0.00000003
(iv) 1000100000 (v) 5800000000000 (vi) 3614920
3. (i) 1×10^{-6} (ii) 1.6×10^{-19} (iii) 5×10^{-7}
(iv) 1.275×10^{-5} (v) 7×10^{-2}
4. 1.0008×10^2

प्रश्नावली 11.1

1. नहीं

2.

लाल रंग के भाग	1	4	7	12	20
मूल मिश्रण के भाग	8	32	56	96	160

© NCERT not to be republished

3. 24 भाग **4.** 700 बोतल **5.** 10^{-4} cm; 2 cm **6.** 21 cm

7. (i) 2.25×10^7 क्रिस्टल (ii) 5.4×10^6 क्रिस्टल **8.** 4 cm

9. (i) 6 m (ii) 8 m 75 cm **10.** 168 km

प्रश्नावली 11.2

1. (i), (iv), (v) **2.** $4 \to 25{,}000$; $5 \to 20{,}000$; $8 \to 12{,}500$; $10 \to 10{,}000$; $20 \to 5{,}000$
एक विजेता को दी गई धनराशि विजेताओं की संख्या के व्युत्क्रमानुपाती है।

3. $8 \to 45°$, $10 \to 36°$, $12 \to 30°$ (i) हाँ (ii) 24° (iii) 9

4. 6 **5.** 4 **6.** 3 दिन **7.** 15 बॉक्स

8. 49 मशीन **9.** $1\frac{1}{2}$ घंटे **10.** (i) 6 दिन (ii) 6 व्यक्ति **11.** 40 मिनट

प्रश्नावली 12.1

1. (i) 12 (ii) $2y$ (iii) $14pq$ (iv) 1 (v) $6ab$ (vi) $4x$
(vii) 10 (viii) x^2y^2

2. (i) $7(x-6)$ (ii) $6(p-2q)$ (iii) $7a(a+2)$ (iv) $4z(-4+5z^2)$
(v) $10\,lm(2l+3a)$ (vi) $5xy(x-3y)$ (vii) $5(2a^2-3b^2+4c^2)$
(viii) $4a(-a+b-c)$ (ix) $xyz(x+y+z)$ (x) $xy(ax+by+cz)$

3. (i) $(x+8)(x+y)$ (ii) $(3x+1)(5y-2)$ (iii) $(a+b)(x-y)$
(iv) $(5p+3)(3q+5)$ (v) $(z-7)(1-xy)$

प्रश्नावली 12.2

1. (i) $(a+4)^2$ (ii) $(p-5)^2$ (iii) $(5m+3)^2$ (iv) $(7y+6z)^2$
(v) $4(x-1)^2$ (vi) $(11b-4c)^2$ (vii) $(l-m)^2$ (viii) $(a^2+b^2)^2$

2. (i) $(2p-3q)(2p+3q)$ (ii) $7(3a-4b)(3a+4b)$ (iii) $(7x-6)(7x+6)$
(iv) $16x^3(x-3)(x+3)$ (v) $4lm$ (vi) $(3xy-4)(3xy+4)$
(vii) $(x-y-z)(x-y+z)$ (viii) $(5a-2b+7c)(5a+2b-7c)$

3. (i) $x(ax+b)$ (ii) $7(p^2+3q^2)$ (iii) $2x(x^2+y^2+z^2)$
(iv) $(m^2+n^2)(a+b)$ (v) $(l+1)(m+1)$ (vi) $(y+9)(y+z)$
(vii) $(5y+2z)(y-4)$ (viii) $(2a+1)(5b+2)$ (ix) $(3x-2)(2y-3)$

4. (i) $(a-b)(a+b)(a^2+b^2)$ (ii) $(p-3)(p+3)(p^2+9)$
(iii) $(x-y-z)(x+y+z)[x^2+(y+z)^2]$ (iv) $z(2x-z)(2x^2-2xz+z^2)$
(v) $(a-b)^2(a+b)^2$

5. (i) $(p+2)(p+4)$ (ii) $(q-3)(q-7)$ (iii) $(p+8)(p-2)$

प्रश्नावली 12.3

1. (i) $\frac{x^3}{2}$ (ii) $-4y$ (iii) $6pqr$ (iv) $\frac{2}{3}x^2y$ (v) $-2a^2b^4$

2. (i) $\frac{1}{3}(5x-6)$ (ii) $3y^4-4y^2+5$ (iii) $2(x+y+z)$

(iv) $\frac{1}{2}(x^2+2x+3)$ (v) q^3-p^3

3. (i) $2x-5$ (ii) 5 (iii) $6y$ (iv) xy (v) $10abc$

4. (i) $5(3x+5)$ (ii) $2y(x+5)$ (iii) $\frac{1}{2}r(p+q)$ (iv) $4(y^2+5y+3)$

(v) $(x+2)(x+3)$

5. (i) $y+2$ (ii) $m-16$ (iii) $5(p-4)$ (iv) $2z(z-2)$ (v) $\frac{5}{2}q(p-q)$

(vi) $3(3x-4y)$ (vii) $3y(5y-7)$

प्रश्नावली 13.1

1. (a) 36.5° C (b) दोपहर 12 बजे (c) दोपहर 1 बजे, दोपहर 2 बजे

(d) 36.5° C; दोपहर 1 बजे से दोपहर 2 बजे के बीच में x-अक्ष पर स्थित बिंदु दोपहर 1 बजे और दोपहर 2 बजे को दर्शाने वाले बिंदुओं से समदूरस्थ है, इसलिए यह दोपहर 1 बजकर 30 मिनट का समय प्रदर्शित करेगा। इसी प्रकार, y-अक्ष पर 36° C और 37° C के बीच का बिंदु 36.5° C को प्रदर्शित करेगा।

(e) प्रात: 9 बजे से प्रात: 10 बजे तक, प्रात: 10 बजे से प्रात: 11 बजे तक, दोपहर 2 बजे से दोपहर 3 बजे तक

2. (a) (i) ₹ 4 करोड़ (ii) ₹ 8 करोड़

(b) (i) ₹ 7 करोड़ (ii) 8.5 करोड़ (लगभग)

(c) ₹ 4 करोड़ (d) 2005

3. (a) (i) 7 cm (ii) 9 cm

(b) (i) 7 cm (ii) 10 cm

(c) 2 cm (d) 3 cm (e) दूसरा सप्ताह (f) पहला सप्ताह

(g) दूसरे सप्ताह के अंत में

4. (a) मंगल, शुक्र, रवि (b) 35° C (c) 15° C (d) बृहस्पतिवार

6. (a) 4 इकाई = 1 घंटा (b) $3\frac{1}{2}$ घंटे (c) 22 km

(d) हाँ, यह आलेख के क्षैतिज भाग से दर्शित होता है। (प्रात: 10 बजे से प्रात: 10:30 तक)

(e) प्रात: 8 बजे और प्रात: 9 बजे के बीच में

7. (iii) संभव नहीं है।

प्रश्नावली 13.2

1. (b) (i) 20 km (ii) प्रात: 7.30 बजे (c) (i) हाँ (ii) ₹ 200 (iii) ₹ 3500

2. (a) हाँ (b) नहीं

© NCERT not to be republished

केवल खेल के लिए

1. पाइथागोरियन त्रिकों के बारे में कुछ और

हम पाइथागोरियन त्रिकों (Pythagorean triplets) को एक प्रकार $2m, m^2 - 1, m^2 + 1$ से लिखना देख चुके हैं। एक पाइथागोरियन त्रिक a, b, c का अर्थ $a^2 + b^2 = c^2$ है। यदि हम दो प्राकृत संख्याओं m और n का प्रयोग करें $(m > n)$ तथा $a = m^2 - n^2$, $b = 2mn$ और $c = m^2 + n^2$ लें, तो हम देख सकते हैं कि $c^2 = a^2 + b^2$ है। इस प्रकार, $m > n$ के साथ, हम m और n के विभिन्न मानों के लिए प्राकृत संख्याएँ a, b, c ऐसी बना सकते हैं कि वे पाइथागोरियन त्रिक बनाएँ।

उदाहरणार्थ, $m = 2, n = 1$ लीजिए।

तब, $a = m^2 - n^2 = 3$, $b = 2mn = 4$, $c = m^2 + n^2 = 5$, एक पाइथागोरियन त्रिक है। (इसकी जाँच कीजिए!)

$m = 3, n = 2$, के लिए हम प्राप्त करते हैं।

$a = 5, b = 12, c = 13$ जो पुनः एक पाइथागोरियन त्रिक है।

m और n के कुछ और मान लीजिए तथा इस प्रकार के और अधिक त्रिक जनित कीजिए।

2. जब पानी जमता है, तो उसके आयतन में 4% की वृद्धि हो जाती है। 221 cm^3 बर्फ बनाने के लिए कितने पानी की आवश्यकता होगी?

3. यदि चाय का मूल्य 20% बढ़ जाए, तो उसकी खपत में कितने प्रतिशत की कमी की जाए कि उस पर होने वाले व्यय में कोई वृद्धि न हो?

4. समारोही पुरस्कार (Ceremony Awards) 1958 में प्रारंभ हुए। तब पुरस्कार जीतने के लिए 28 श्रेणियाँ थीं। 1993 में 81 श्रेणियाँ थीं।

(i) 1958 में दिए पुरस्कारों की संख्या 1993 के पुरस्कारों की संख्या का कितने प्रतिशत है?

(ii) 1993 में दिए पुरस्कारों की संख्या 1958 के पुरस्कारों की संख्या का कितने प्रतिशत है?

5. भँवरों के झुंड में से $\frac{1}{15}$ वाँ भाग **कदंब** के फूल पर जा बैठा, $\frac{1}{3}$ सिलिंघिरी के फूल पर तथा इन दो संख्याओं के अंतर का तिगुना उड़कर **कुटज** के पुष्प पर जा बैठा। तब झुंड में केवल दस भँवरे ही रह गए। झुंड में प्रारंभ में कितने भँवरे थे? [ध्यान दीजिए कि कदंब, सिलिंघिरी और कुटज फूलों के पेड़ हैं। यह समस्या बीजगणित के एक प्राचीन भारतीय ग्रंथ में से ली गई है।]

6. किसी वर्ग का क्षेत्रफल ज्ञात करने के लिए, शेखर ने वर्ग के क्षेत्रफल का सूत्र प्रयोग किया, जबकि उसके मित्र मरूफ ने वर्ग के परिमाप का सूत्र प्रयोग किया। आश्चर्य की बात है कि दोनों के उत्तर संख्यात्मक रूप से एक ही थे। मुझे बताइए कि जिस वर्ग पर वे कार्य कर रहे थे उसकी भुजा की इकाइयों की संख्या क्या है।

7. एक वर्ग का क्षेत्रफल संख्यात्मक रूप से अपनी भुजा के 6 गुने से कम है। ऐसे कुछ वर्गों की सूची बनाइए जिनमें ऐसा होता है।

8. क्या यह सभंव है कि एक लंब वृत्तीय बेलन का आयतन संख्यात्मक रूप से उसके वक्र पृष्ठीय क्षेत्रफल के बराबर होगा? यदि हाँ, तो बताइए कब।

9. लीला ने अपने जन्म दिन पर कुछ मित्रों को चाय पर आमंत्रित किया। उसकी माँ ने परोसने के लिए एक मेज पर कुछ प्लेट और कुछ पूरियाँ रख दीं। यदि लीला प्रत्येक प्लेट में 4 पूरियाँ रखती है, तो एक प्लेट खाली

रह जाती है। यदि वह प्रत्येक प्लेट में 3 पूरियाँ रखती है, तो 1 पूरी बच जाती है। मेज पर रखी हुई प्लेटों और पूरियों की संख्याएँ ज्ञात कीजिए।

10. क्या ऐसी कोई संख्या है, जो अपने घन के बराबर है, परंतु अपने वर्ग के बराबर नहीं है? यदि हाँ, तो वह संख्या ज्ञात कीजिए।

11. संख्याओं 1 से 20 तक को एक पंक्ति में इस प्रकार व्यवस्थित कीजिए कि किन्हीं दो आसन्न संख्याओं का योग एक पूर्ण वर्ग हो।

उत्तरमाला

2. $212\frac{1}{2}$ cm^3 **3.** $16\frac{2}{3}$% **4.** (i) 34.5% (ii) 289%

5. 150

6. 4 इकाइयाँ

7. भुजा = 1, 2, 3, 4, 5 इकाइयाँ

8. हाँ जब त्रिज्या = 2 इकाइयाँ

9. पूरियों की संख्या = 16, प्लेटों की संख्या = 5

10. – 1

11. एक तरीका यह है, 1, 3, 6, 19, 17, 8 (1 + 3 = 4, 3 + 6 = 9 इत्यादि) कुछ और तरीकों से प्रयास कीजिए।

© NCERT not to be republished

नोट

© NCERT not to be republished

नोट

© NCERT not to be republished

नोट

© NCERT
not to be republished